



### 1 – PRÉALABLE : PRINCIPE DE COUPURE

Dans l'étude M.M.C. ou R.D.M. on cherche à déterminer des comportements à l'intérieur du solide étudié.

#### \* Au départ

L'isolement et l'étude de l'équilibre d'un solide entier permet de déterminer un chargement mécanique **extérieur** (par application du P.F.D. ou P.F.S.).

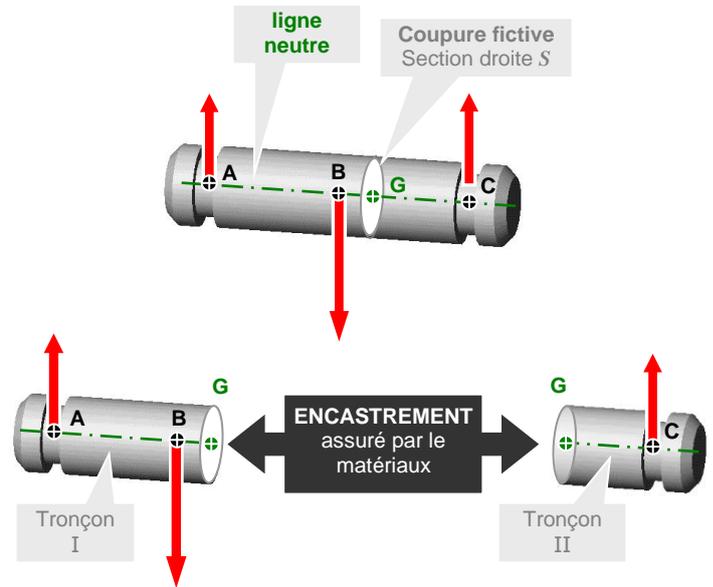
On part du principe au moins départ que le solide maintient sa cohésion pour pouvoir supporter ces efforts **externes**. Ceci ne se révèle pas forcément vrai au final !

#### \* Coupure

Afin de valider ou invalider cette hypothèse, on effectue une opération de pensée dans laquelle on coupe le solide selon un plan donné (souvent  $\perp$  à la ligne neutre = axe de la pièce souvent). On obtient ainsi une section droite  $S$  qui sépare deux tronçons imaginaires.

#### \* Exploitation

Si on isole chaque tronçon séparément, il n'est plus soumis qu'à une partie des efforts extérieurs. Pour que chacun retrouve son équilibre, la liaison devant exister au niveau de  $S$  est un **encastrement**.



*La coupure peut s'effectuer n'importe où dans le solide. Elle est d'ailleurs pratiquée en plusieurs endroits du solide afin d'évaluer les zones les plus critiques pour sa résistance.*

### 2 – ACTION DE COHÉSION

Selon le chargement mécanique extérieur, l'encastrement au centre  $G$  de la section droite  $S$  peut potentiellement réagir sur 6 composantes qui chacune engendre une sollicitation simple.

#### \* Composantes $\Rightarrow$ Sollicitation simples

$N$  : normale (N)  $\Rightarrow$  Traction ou compression.

$T_y$  : tranchante y (N)  $\Rightarrow$  Cisaillement.

$T_z$  : tranchante z (N)  $\Rightarrow$  Cisaillement.

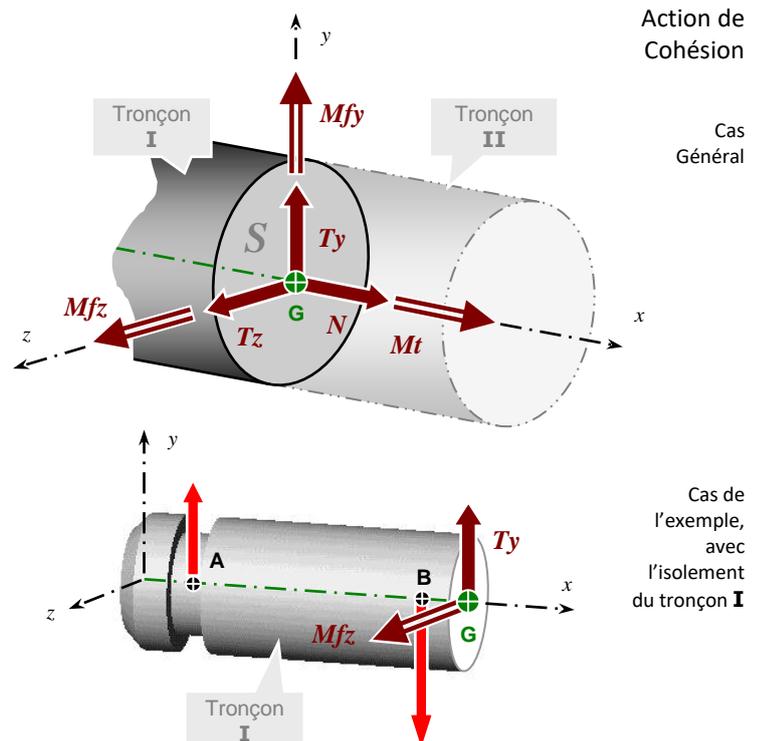
$M_t$  : de torsion (N.m) ou (N.mm)  $\Rightarrow$  Torsion.

$M_{fy}$  : fléchissant y (N.m) ou (N.mm)  $\Rightarrow$  Flexion.

$M_{fz}$  : fléchissant z (N.m) ou (N.mm)  $\Rightarrow$  Flexion.

Les composantes peuvent changer selon la coupure pratiquée dans le solide (valeur, signe, = 0 ou  $\neq 0$ ).

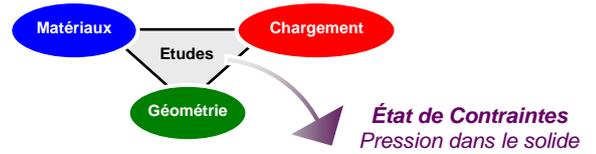
Son mode de détermination est identique à une étude de statique classique mais à l'échelle d'un tronçon. (Voir fiche 4 pour le détail).



### 3 – DÉFINITION DE LA CONTRAINTE

Nous avons un solide, voir figure :

- Des efforts d'un chargement mécanique extérieur viennent solliciter le solide, le déforment de manière élastique ou plastique, ou encore viennent le faire se rompre.
- Un point **M** de sa géométrie est situé dans une section droite **S**. Ce point **M** possède une aire élémentaire **ds**.
- Chaque point **M** est constitué d'un matériau possédant des caractéristiques mécaniques.

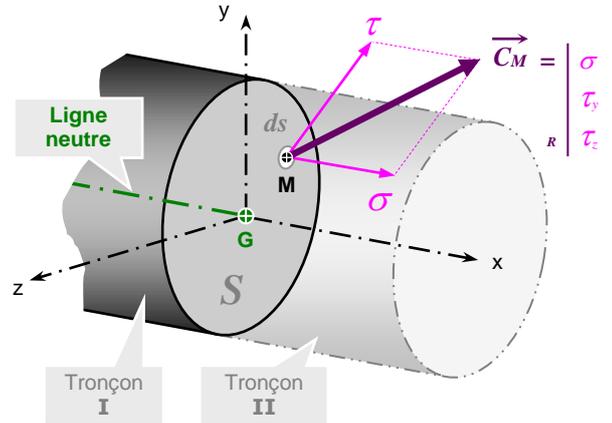


Le **vecteur contrainte**  $\vec{C}_M$  représente la valeur du chargement mécanique évaluée par rapport à l'aire élémentaire **ds** d'une section droite **S**.

Il modélise la manière dont réagit le matériau au point **M** pour assurer la cohésion entre les deux tronçons du solide à cet endroit. Il détermine avec quelle intensité les atomes du matériau sont écartés ou comprimés les uns sur les autres.

La valeur de contrainte est homogène à une pression régant dans le matériau.

- \* **Unité** légale :  $(N \cdot m^{-2}) = (Pa)$  Usuelle :  $(N \cdot mm^{-2}) = (MPa) = (10^6 Pa)$  (au regard des ordres de grandeur couramment rencontrés).



#### \* Composantes

Selon la nature des efforts, on distingue deux sortes de contraintes qui combinées, qui vont former le vecteur contrainte :

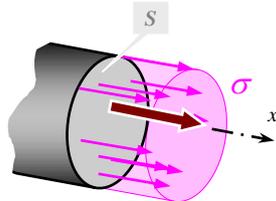
- $\sigma$  : Composante normale, perpendiculaire à **ds** ou **S**.
- $\tau$  : Composante tangentielle(s), contenue(s) dans la section **ds** ou **S**.

### 4 – RELATION ENTRE CONTRAINTE ET ACTION DE COHÉSION

Relation fondamentale  $N = \int_S \sigma \cdot ds$

**TRACTION - COMPRESSION**  

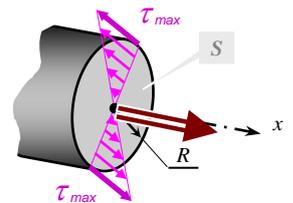
$$\sigma = \frac{N}{S}$$



Relation fondamentale  $Mt = \int_S r \cdot \tau \cdot ds$

**TORSION**  

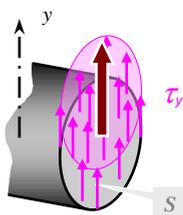
$$\tau_{max} = \frac{Mt}{I_0 R}$$



Relation fondamentale  $T_y = \int_S \tau_y \cdot ds$

**CISAILLEMENT**  

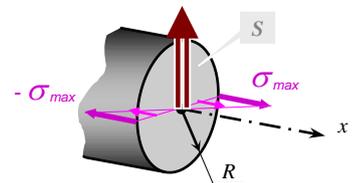
$$\tau_{y \text{ moy}} = \frac{T_y}{S}$$



Relation fondamentale  $Mfy = \int_S z \cdot \sigma \cdot ds$

**FLEXION**  

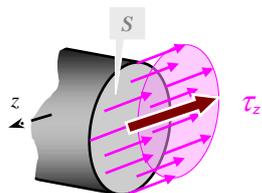
$$\sigma_{y \text{ max}} = \pm \frac{Mfy}{I_{Gy} R}$$



Relation fondamentale  $T_z = \int_S \tau_z \cdot ds$

**CISAILLEMENT**  

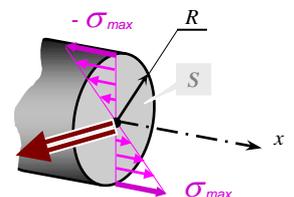
$$\tau_{z \text{ moy}} = \frac{T_z}{S}$$



Relation fondamentale  $Mfz = \int_S y \cdot \sigma \cdot ds$

**FLEXION**  

$$\sigma_{z \text{ max}} = \pm \frac{Mfz}{I_{Gz} R}$$



- $I_0$  Moment quadratique polaire de la section droite ( $mm^4$ ) (voir fiche 8)
- $I_{G...}$  Moment quadratique de la section droite ( $mm^4$ ) ( $I_{Gz}$  ou  $I_{Gy}$ ) (voir fiche 8)